

浙江工业大学 09/10(二)高等数学 A II 考试试卷 A 标准答案

一、填空题 (每小题 3 分):

1. 1, 2. 3, 3. $(y + \frac{1}{y})dx + (x - \frac{x}{y^2})dy$, 4. $\frac{1}{4}$, 5. $\sin x + \sin y$,

6. $\int_{\frac{p}{4}}^{\frac{p}{3}} dq \int_0^{\frac{2}{\cos q}} f(r) r dr$, 7. C , 8. $2pae^a$, 9. $2e$, 10. 2, 11. (0,6)

二、(每小题 6 分)

1. $-2x + y + z = 0$

2. $\frac{\partial z}{\partial x} = f(\frac{y}{x}) - \frac{y}{x} f'(\frac{y}{x})$

$$\frac{\partial^2 z}{\partial x^2} = \frac{y^2}{x^3} f''(\frac{y}{x})$$

3. 切向量 $\vec{T} = \{2, 1, 4\}$

法平面方程 $2x + y + 4z - 7 = 0$

三、(每小题 6 分)

1. $\frac{9}{4}$

2.
$$= \int_L \vec{n} x e^{-y^2} dx - x^2 y e^{-y^2} dy + \int_L \frac{x}{x^2 + y^2} dy$$

$$= \iint_D 0 dx dy + \int_L \frac{x}{x^2 + y^2} dy$$

$$= \iint_D 0 dx dy + \int_L \frac{x}{x^2 + y^2} dy$$

$$= p$$

3.
$$= \iiint_{\Omega} (2x + 2z + 1) dv = \frac{4}{3} p$$

四、试解下列各题（每小题 4 分）：

1. 发散 4 分

2. 收敛 4 分

3. 证明： $a_n = 1 - \frac{u_n}{u_{n+1}} > 0$,

$\lim_{n \rightarrow \infty} u_n$ 存在

$$\begin{aligned}\sum_{k=1}^n a_k &= \frac{u_2 - u_1}{u_2} + \frac{u_3 - u_2}{u_3} + \dots + \frac{u_{n+1} - u_n}{u_{n+1}} \\ &\leq \frac{u_2 - u_1}{u_2} + \frac{u_3 - u_2}{u_2} + \dots + \frac{u_{n+1} - u_n}{u_2} = \frac{u_{n+1} - u_1}{u_2}\end{aligned}$$

所以， $\lim_{n \rightarrow \infty} \sum_{k=1}^n a_k$ 存在.

五、(12 分)

$$V = \iiint_{\Omega} 1 dV$$

$$= \int_0^4 dz \iint_{D_z} dx dy$$

$$= \int_0^4 p(4-z) dz$$

$$= 8p$$

$$S = \iint_{D_{xy}} \sqrt{1 + z_x^2 + z_y^2} dx dy$$

$$= \iint_{x^2 + y^2 \leq 4} \sqrt{1 + 4x^2 + 4y^2} dx dy + 4p$$

$$= \frac{p}{6} (17^{\frac{3}{2}} - 1) + 4p$$

六、(7 分)

$$L_1: \frac{x}{1} = \frac{y}{2} = \frac{z-1}{1}$$

$$L_2: \frac{x}{1} = \frac{y-3}{1} = \frac{z}{1}$$

过 L_1 平行于 L_2 平面方程 $x - z + 1 = 0$

$$\text{距离 } d = \frac{\sqrt{2}}{2}$$